

APPLI-COURS SUJET :

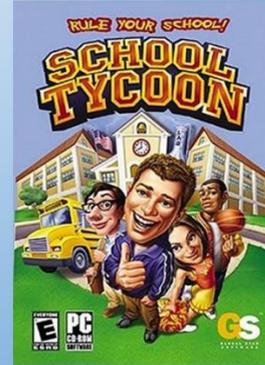
« à l'école du DISCRET »

Énoncé :

Dans l'école primaire d'un grand village, ont été recensés les élèves, dont on a noté l'âge. Par âge, le nombre d'élèves est de 7 ans (34), 5 ans (10) 9 ans (8) 6 ans (44) et 8 ans (32).

On propose à la Directrice de lui réaliser une description statistique. Nous nous assignons donc les tâches suivantes :

- 1- Définir la population étudiée
- 2- Définir la variable
- 3- Préparer le Tableau de Distribution
- 4- Calculer toutes les fréquences
- 5- Réaliser la courbe en escalier
- 6- Bien qu'elle ne l'exige pas, nous pourrions à l'aide la courbe cumulative, informer la Directrice de l'âge en dessous duquel se trouve la moitié des élèves



CLASSE SUPERIEURE

7- Calculer à l'aide du tableau de distribution le moyenne d'âge (\bar{x}) et la Médiane ($x_{Mé}$)

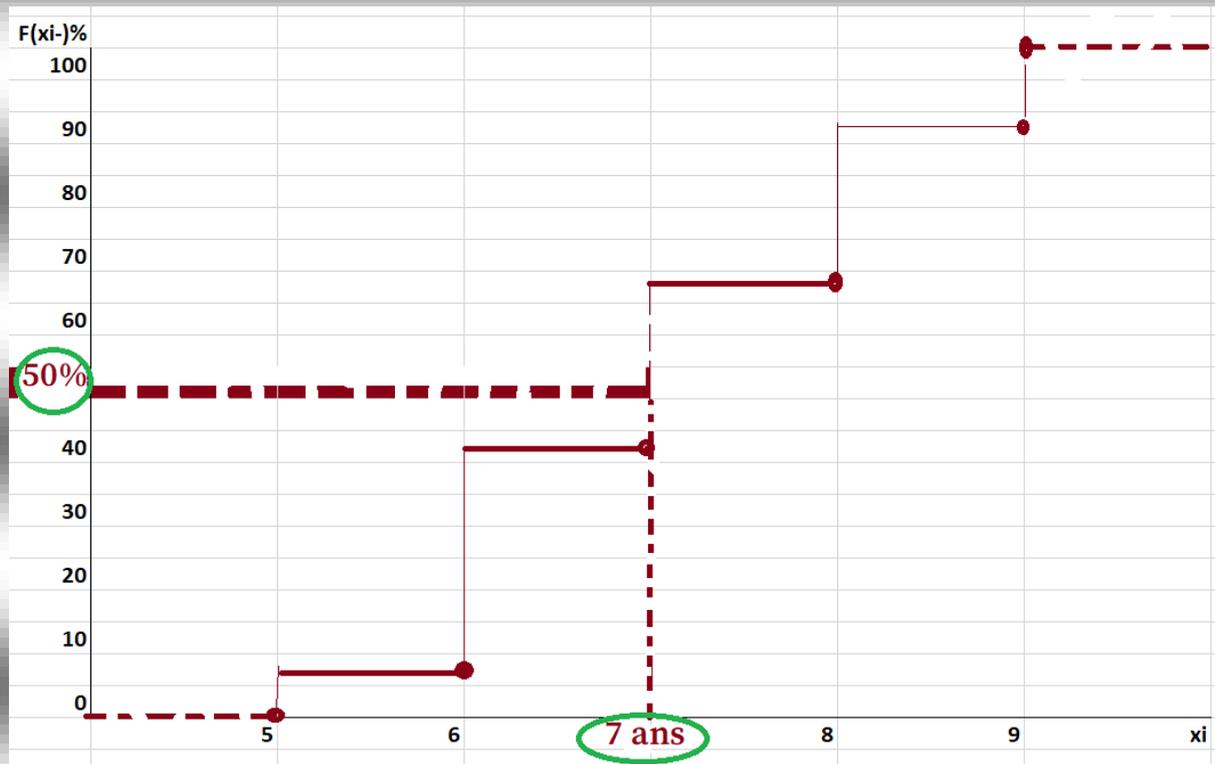
8- D'après le tableau, quel est le Mode de la distribution (x_{Mo}), et d'après le diagramme ?

- 1) La population étudiée est celle des élèves d'une école primaire d'un grand village. L'effectif global étudié est $N = 128$ élèves
- 2) Cette population est étudiée suivant l'âge. La variable est donc l'âge. Elle comporte 5 modalités quantitatives, entières et exclusives. La variable est donc une *variable quantitative discrète*.
- 3) Et 4) Le tableau de distribution, et le calcul des fréquences simples et cumulées, sont les suivants :

Tableau de distribution des élèves de l'Ecole primaire						
âge x_i	effectifs n_i	f_i	$f_i\%$	$F(x_i+)$	$F(x_i-)$	F_i
						0,0%
5	10	0,078	7,8%	7,8%	0,0%	7,8%
6	44	0,344	34,4%	42,2%	7,8%	42,2%
7	34	0,266	26,6%	68,8%	42,2%	68,8%
8	32	0,250	25,0%	93,8%	68,8%	93,8%
9	8	0,063	6,3%	100,0%	93,8%	100,0%
Ensemble	128	1,000	100,0%		100,0%	

5 et 6) La courbe cumulative en escalier est le diagramme *intégral*, construit à l'aide des $F(x_i)\%$.

On peut y faire figurer l'âge en dessous duquel se trouvent 50% des élèves (en vert).



CLASSE SUPERIEURE

7) La moyenne d'âge (\bar{x}), et la Médiane ($x_{Mé}$) sont :

$$\bar{x} = \sum_{i=1}^5 f_i x_i = 7 \text{ ans}$$

$$x_{Mé} = x_i \text{ tel que } F(x_i) = F(x_{Mé}) = 50\%$$

ci – dessous : $x_{Mé} = 7 \text{ ans} (*)$

âge x_i	effectifs n_i	f_i	$f_i \cdot x_i$
5	10	0,078	0,4
6	44	0,344	2,1
7	34	0,266	1,9
8	32	0,250	2,0
9	8	0,063	0,6
Ensemble	128	1,000	7

âge x_i	effectifs n_i	f_i	$f_i\%$	$F(x_i+)$	$F(x_i-)$
5	10	0,078	7,8%	7,8%	0,0%
6	44	0,344	34,4%	42,2%	7,8%
7	34	0,266	26,6%	68,8%	42,2%
8	32	0,250	25,0%	93,8%	68,8%
9	8	0,063	6,3%	100,0%	93,8%
Ensemble	128	1,000	100,0%		100,0%

Ou mieux

âge x_i	effectifs n_i	f_i	$f_i\%$	F_i
				0,0%
5	10	0,078	7,8%	7,8%
6	44	0,344	34,4%	42,2%
7	34	0,266	26,6%	68,8%
8	32	0,250	25,0%	93,8%
9	8	0,063	6,3%	100,0%
Ensemble	128	1,000	100,0%	

(*) démontré aussi dans la courbe cumulative ci-dessus

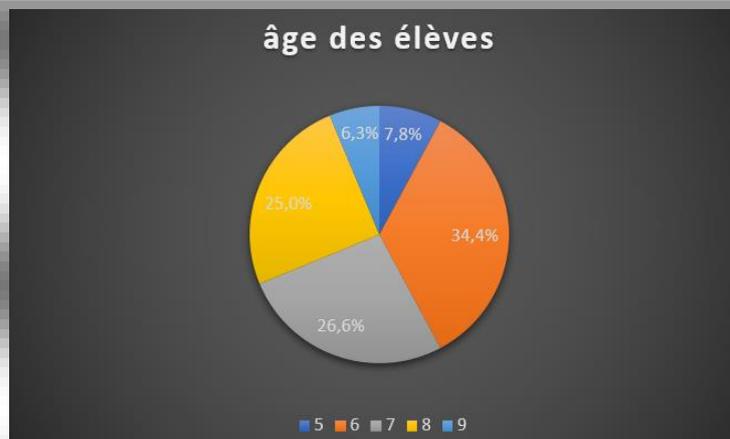
NB : il existe d'autres méthodes, utilisant les effectifs n_i , ou les modalités x_i , pour déterminer la Médiane dans le cas discret. On peut y recourir aux fins de vérification, mais il est recommandé d'utiliser plutôt les *fréquences cumulées* et la *courbe en escaliers*.

8) Le Mode ou âge le plus fréquemment rencontré est donné par le tableau de distribution et le diagramme différentiel

D'après le tableau on lit que $x_{Mo} = x_i / f(x_i)\% \text{ Max} = x_3 = 6 \text{ ans}$ (puisque $f x_3 = 26.6\%$)

D'après le diagramme, signifie que x_{Mo} doit être lu dans un *diagramme différentiel*, qui reste à réaliser au choix.

Soit par exemple un *diagramme en secteurs*

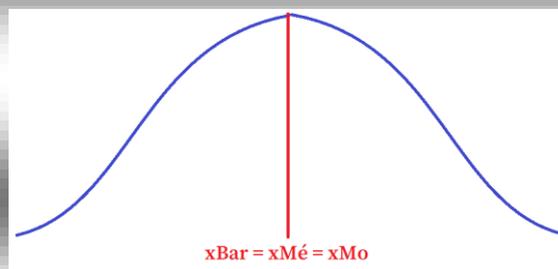


On lit que $x_{Mo} = 6$ ans

CLASSE d'ETUDE (facultatif)

On remarque que $\bar{x} = x_{Mé} = 7$ ans et $x_{Mo} = 6$ (soit proche de 7).

On dit alors que la variable âge suit une *loi normale*, figurée sommairement ainsi :



Fin

